



## تعیین شکل بهینه شبکه توزیع جهت کمترین تلفات در بهره‌برداری

همايون برهمندپور - مهدی اسلامی

مرکز تحقیقات نیرو

### چکیده:

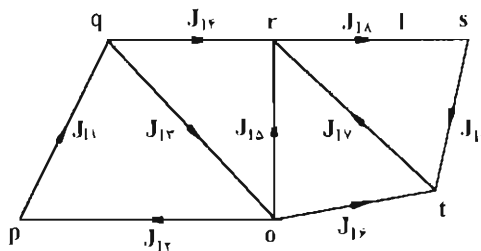
توزیع بهینه و متناسب بار بین فیدرهای مختلف یک پست در شبکه توزیع انرژی الکتریکی، یکی از مهمترین ابزارهای بهره‌برداری بهینه جهت کاهش تلفات و استفاده مؤثر از تجهیزات پست است. در این مقاله، روشی جدید جهت تعیین شکل بهینه شبکه توزیع در هر آرایش بار برای دسترسی به کمترین تلفات و با رعایت محدودیتهای بهره‌برداری از شبکه ارائه گردیده است.

## شرح مقاله :

به دلیل تغییرات روزانه، هفتگی و ماهانه بار مصرف‌کننده‌های شبکه توزیع، لازم است جهت هر سطح و آرایش بار در شبکه، شکل مناسب شبکه جهت توزیع متناسب و متعادل جریان در شاخه‌های شبکه و اخذ کمترین میزان تلفات بدست آید. این کار با باز کردن یا بستن کلیدهایی که در وسط و یا انتهای فیدرهای شبکه توزیع موجود است، انجام می‌پذیرد. این عمل یکی از کم هزینه‌ترین روشهای کاهش تلفات و بهره‌برداری بهینه از شبکه می‌باشد. جهت تعیین شکل بهینه شبکه توزیع روشهای متفاوتی ارائه گردیده که تعدادی از آنها در مراجع این مقاله ذکر شده است. روشی که در این مقاله به آن پرداخته شده، بر مبنای روش ارائه شده در مرجع [۱] می‌باشد که با تغییرات و تصحیحاتی که در آن انجام شده، بهبود قابل ملاحظه‌ای را دریافتن نقطه بهینه با پایه استدلالی قوی‌تر و نتایج مطمئن‌تر نشان می‌دهد. در روش مذکور، ابتدا به هر شبکه مورد مطالعه، یک شبکه صرفاً مقاومتی و با همان شکل شبکه اصلی وابسته می‌گردد و ثابت می‌شود که توزیع جریان در شبکه مقاومتی، در هر آرایش باری، جهت کمترین تلفات شبکه، بهینه است. سپس توسط الگوریتم ارائه شده، با کلیدزنی بهینه در شبکه مقاومتی، شبکه شعاعی با کمترین تلفات یافته می‌شود. از آنجا که در شبکه شعاعی نهایی، توزیع جریان در شبکه صرفنظر از مقادیر امپدانس شاخه‌های شبکه، یکسان است، بدین صورت شکل بهینه شبکه اصلی نیز جهت کمترین تلفات یافته می‌شود. در پایان توسط یک مثال عددی، درستی و دقت جوابهای حاصل از روش ارائه شده و روش موجود در مرجع [۱] مقایسه می‌گردد.

## شرح روش :

برای شروع بیان روش، شبکه‌ای غربالی مطابق شکل (۱) در نظر گرفته می‌شود.



« شکل (۱) »

در این شبکه تابع تلفات را می‌توان به صورت زیر نوشت:

$$P_{\text{loss}} = \sum_{i=1}^L R_i J_i J_i \quad (1)$$

در رابطه فوق  $J_i$  و  $R_i$ ، به ترتیب جریان عبوری و مقاومت شاخه  $i$  از شبکه است. "\*"، نیز عملکرد مزدوج مختلط می‌باشد. رابطه بین جریانهای شاخه‌ها و جریانهای تزریقی به شینه‌ها نیز بدین شکل است:

$$I = CJ \quad (2)$$

در رابطه فوق، نمادهای  $J$  و  $I$ ، بردارهای جریان به ترتیب عبوری از شاخه‌ها و تزریقی به شینه‌های شبکه است.  $C$  نیز ماتریس اتصالات شبکه می‌باشد. بدین صورت، لاگرانژین تابع تلفات، با قید محدودیت رابطه (۲)، بدین صورت تشکیل می‌گردد:

$$LG = \sum_{i=1}^L R_i J_i^* J_i + \lambda (CJ - I) \quad (3)$$

با بردار متغیرهای کمکی است. با تفکیک بردارهای  $J$  و  $I$ ، به دو جزء حقیقی و موهومی و محاسبه مشتقات رابطه فوق نسبت به اجزاء حقیقی و موهومی عناصر بردار  $J$  در نهایت رابطه زیر برای هر عنصر این بردار حاصل می‌گردد [۱].

$$2R_i J_i + C(\lambda_p - \lambda_q) = 0 \quad (4)$$

$p$  و  $q$ ، شماره شینه‌های دو سر خط است. حال حلقه دلخواهی در شکل (۱) در نظر گرفته می‌شود. فرض می‌شود حلقه با گره‌های  $o$ ،  $p$  و  $q$  مدنظر باشد. در این صورت با تشکیل رابطه (۴)، جهت سه شاخه موجود در این حلقه و جمع روابط حاصل، رابطه زیر حاصل می‌گردد.

$$R_{i1} J_{i1} + R_{i2} J_{i2} + R_{i3} J_{i3} = 0 \quad (5)$$

رابطه فوق مبین قانون ولتاژ کیرشف در حلقه مذکور است، مشروط بر آنکه فقط مقاومت هر شاخه، به عنوان اмпدانس شاخه منظور شود. به عبارت دیگر اگر در یک شبکه اмпدانس، توزیع جریان شبکه مشابه توزیع جریان در شبکه مقاومتی متناظر گردد، تلفات شبکه اмпدانسی مینیمم است.

## انتخاب خطوط بهینه جهت قطع :

بدین صورت و با توجه به مطالب فوق، لازم است ابتدا شبکه غربالی با بستن تمام کلیدهای موجود در شبکه توزیع تشکیل گردد و سپس مناسبترین خط جهت قطع در شبکه مقاومتی متناظر با شبکه اصلی با کمترین افزایش در تلفات شبکه انتخاب گردد. سپس با قطع متوالی خطوط منتخب در نهایت شبکه شعاعی با کمترین میزان تلفات بدست می آید.

در مرجع [۱]، قاعده‌ای ذهنی<sup>(۱)</sup>، جهت قطع خطوط پیشنهاد گردیده است که در آن، در هر مرحله، خط با کمترین جریان عبوری قطع می‌گردد. ولی روشی که در این مقاله ارائه شده، شامل تعیین حساسیت تابع تلفات نسبت به قطع هر یک از خطوط شبکه می‌باشد که منطقی‌تر از روش قبل می‌باشد.

تابع تلفات در شبکه مقاومتی، به شکل زیر نمایش داده می‌شود.

$$P_{\text{loss}} = I^t V = I^t R I \quad (6)$$

که در آن  $R$  ماتریس مقاومت شبکه و برابر عکس ماتریس کندوکتانس (جزء حقیقی ماتریس ادمیتانس) و  $V$  نیز بردار ولتاژ شینه‌های شبکه است. در این الگوریتم فرض می‌شود بارها با منابع جریان ثابت نمایش داده شوند. در این صورت، تغییرات توان تلفاتی در اثر قطع خط  $k$  با مقاومت  $R^k$  بدین صورت خواهد بود.

$$\Delta P_{\text{loss}} = I^t \Delta R^k I \quad (7)$$

که در آن،  $\Delta R^k$  برابر است با:

$$\Delta R^k = \frac{1}{R_{ij} + R_j + 2R_{ij} - R_k} (R_i - R_j)^t (R_i - R_j) \quad (8)$$

در رابطه فوق،  $i$  و  $j$  به ترتیب معرف شماره شینه‌های دو سر خط  $k$  و  $R_i$  و  $R_j$ ، به ترتیب ستون  $i$ ام و  $j$ ام ماتریس  $R$  می‌باشد. "۱" نیز نماد ماتریس مزدوج و جابجا شده<sup>(۲)</sup> است [۲]. با قرار دادن  $\Delta R^k$  از رابطه (۸) در رابطه (۷)، در نهایت رابطه زیر حاصل می‌گردد.

$$\Delta P_{\text{loss}}^k = a_k^t S_k a_k \quad (9)$$

که در آن:

$$a_k = I^t (R_i - R_j) \quad (10 - a)$$

1 - Heuristic.

2 - conjugate transposed.

$$S_k = \frac{1}{R_{ij} + R_{ij} + 2R_{ij} - R_k} \quad (10-b)$$

به این صورت، رابطه تغییرات تابع تلفات بر حسب خروج خطوط مختلف به شکل ساده رابطه (۹)، خواهد بود.

### الگوریتم بهینه‌سازی :

با توجه به مطالب فوق، الگوریتم بهینه‌سازی شکل شبکه توزیع را می‌توان به شرح زیر بیان نمود:

- ۱- تشکیل شبکه غربالی با بستن تمام کلیدهای موجود در شبکه.
- ۲- نمایش بارها موجود در سیستم با مدل جریان ثابت با توجه به نقطه کار شبکه غربالی.
- ۳- یافتن شبکه مقاومتی وابسته.
- ۴- محاسبه رابطه (۹)، جهت تک‌تک خطوط شبکه و یافتن خط منتخب با کمترین میزان افزایش در تابع تلفات.
- ۵- انجام پخش بار در شبکه اصلی با قطع خط منتخب و یافتن نقطه کار جدید شبکه.
- ۶- تکرار مراحل ۲ تا ۵ تا رسیدن به شبکه شعاعی.

چنانچه در یکی از تکرارهای الگوریتم فوق، قطع خطی باعث منفک شدن تعدادی از نقاط بار و یا موجب نقض محدودیتهای دامنه ولتاژ شینه‌ها و جریان عبوری از شاخه‌های شبکه گردد، از قطع آن چشم‌پوشی می‌گردد و خط بعدی با کمترین افزایش تلفات آزمایش می‌شود.

### مثال :

جهت بررسی صحت و دقت روش ارائه شده، الگوریتم حاصل از این روش با الگوریتم روش ارائه شده در مرجع [۱] جهت یک شبکه تست اجرا و نتایج حاصل با یکدیگر مقایسه شده است. شبکه مورد نظر، شبکه‌ای شعاعی است که در اکثر مقالات معتبر معرفی شده است [۳]. در این مثال با ایجاد ارتباط بین چند شینه از این شبکه، به صورت شبکه غربالی و از چند سو تغذیه تبدیل شده است. شکل و اطلاعات این شبکه در پیوست موجود است. نتایج حاصل از روش ارائه شده در این مقاله و روش موجود در مرجع [۱] در جدول صفحه بعد مقایسه شده است.

	روش ارائه شده			روش مرجع [۱]		
	خط	$\Delta P_{loss}$ (pu)	I line (pu)	خط	$\Delta P_{loss}$ (pu)	I line (pu)
انتخاب اول	۲۲	۷/۱۴۴ - ۷	۶/۳۱۴ - ۴	۲۲	۷/۱۴۴ - ۷	۶/۳۱۴ - ۴
انتخاب دوم	۲۷	۳/۱۴۴ - ۶	۰/۰۰۱۲۴	۲۷	۳/۱۴۴ - ۶	۰/۰۰۱۲۴
انتخاب سوم	۱۹	۵/۰۷۴ - ۶	۰/۰۰۱۷	۱۹	۵/۰۷۴ - ۶	۰/۰۰۱۷
انتخاب چهارم	۹	۱/۱۷۴ - ۵	۰/۰۰۲۶۳	۱۱	۱/۱۷۴ - ۷	۰/۰۰۲۶۳
انتخاب پنجم	۱۰	۸/۱۱۴ - ۵	۰/۰۰۹۰۱۴	۱۰	۸/۱۱۴ - ۵	۰/۰۰۹۰۱۴
تلفات نهایی	$P_{loss} = ۰/۰۰۱۶۰۲۳(pu)$			$P_{loss} = ۰/۰۰۱۶۲۳۷(pu)$		
نسبت کاهش تلفات به شبکه ابتدایی	٪۳/۵۸			٪۲/۲۹		

« جدول ۱ - مقایسه نتایج »

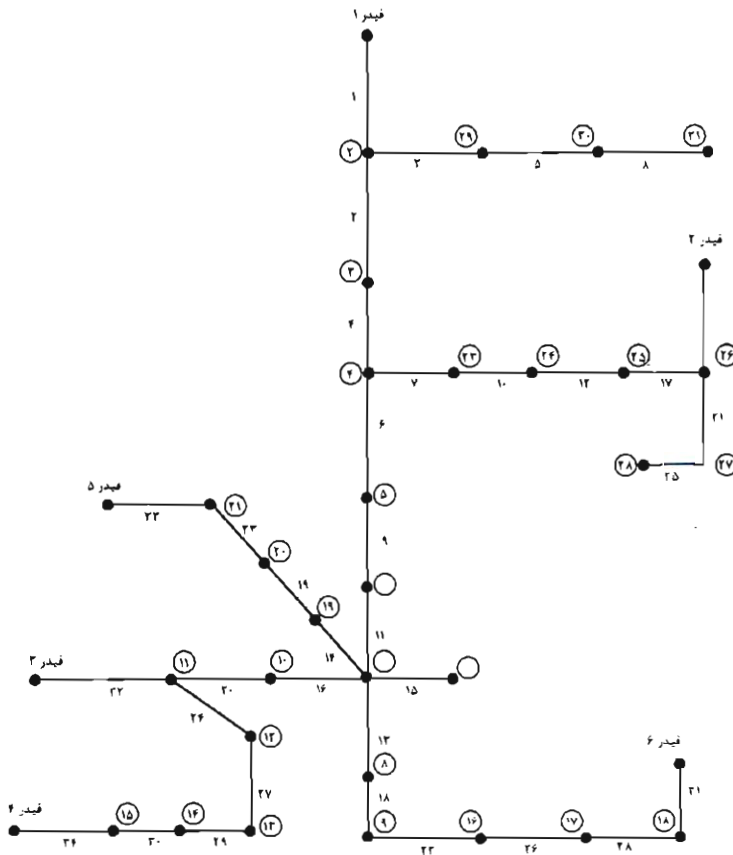
### نتیجه گیری :

در این مقاله، روشی جدید جهت کلیدزنی مناسب در شبکه توزیع به منظور تعیین شکل بهینه شبکه با کمترین میزان تلفات ارائه گردید. از آنجا که اجرای چنین روشی مستلزم صرف هیچگونه هزینه‌ای جهت تعویض و یا اضافه کردن تجهیزات در شبکه نمی‌باشد، یکی از روشهای کم هزینه در کاهش تلفات شبکه به شمار می‌رود و کاربرد آن جهت کاهش تلفات در شبکه توزیع بسیار مفید خواهد بود.

### مراجع :

- 1 - D.Shirmohammadi, H. Wayne Hong, "Reconfiguration of Electric Distribution Networks for Resistive Line Loss Reduction", **IEEE PWRD**, Vol. 4, No. 2, April 1989-99. 1492-1498.
- 2 - W.D. Stevenson, "Elements of Power System Analysis", Mc Grow-Hill, 1982.
- 3 - N. Iwan Santoso, Owen T. Tan, "Piecewise Method for Optimal Sizing of Distribution Capacitors", **International Journal of Energy Systems**, Vol. 12, No. 3, 1992, PP. 115-118.

- 4 - Mesut E.Baran, Felix F.Wa, "Network Reconfiguration in Distribution Systems for Loss Reduction and Load Balancing", IEEE PWRD, Vol. 4, No. 2, April 1989, PP. 1401-1407.
- 5 - Chen Ching Liu, Seung J.Lee, Khoivu, "Loss Minimization of Distribution Feeders: Optimality and Algorithm", IEEE PWRD, Vol. 4, No. 2, April 1989, PP. 1281-1289.
- 6 - T.P. Wagner, A.Y. Chikhani, R.Hacham, "Feeder Reconfiguration for Loss Reduction: An Application of Distribution Automation", IEEE PWRD, Vol. 6, No. 4, Oct 1991, PP. 1922-1933.



« شکل شبکه مورد آزمایش »

شماره خط	باس ابتدا	باس انتها	R (pu)	X (pu)	توان راکتیو باس بار انتهای (pu)	توان راکتیو باس بار انتهای (pu)
۱	۱	۲	-/۱۱۱۶	-/۳۷۲۸	/۰۰۰۰	/۰۰۰۰
۲	۲	۳	-/۰۴۴۹	/۰۰۰۲۴	/۰۰۰۵۲۲	/۰۰۰۱۷۴
۳	۲	۲۹	-/۰۸۸۴	/۰۰۰۴۸	/۰۰۰۸۸۲	/۰۰۰۲۹۴
۴	۳	۴	-/۰۷۲۱	-/۰۷۱۳	/۰۰۰۰	/۰۰۰۰
۵	۲۹	۳۰	-/۱۰۰۲۱	-/۱۰۰۱۰	/۰۰۰۸۸۲	/۰۰۰۲۹۴
۶	۴	۵	-/۲۴۷۱	-/۱۲۵۶	/۰۰۰۹۳۶	/۰۰۰۳۱۲
۷	۴	۲۳	-/۱۰۶۶	-/۱۰۵۴	/۰۰۰۵۲۲	/۰۰۰۱۷۴
۸	۳۰	۳۱	-/۲۱۰۰۶	-/۲۱۸۷	/۰۰۰۸۸۲	/۰۰۰۲۹۴
۹	۵	۶	-/۱۱۵۳	-/۰۵۸۶	/۰۰۰۰	/۰۰۰۰
۱۰	۲۳	۲۴	-/۰۶۴۵	-/۰۶۴۱	/۰۰۰۱۹۱۷	/۰۰۰۶۳۹
۱۱	۶	۷	-/۳۳۷۶	-/۱۹۰۰۱	/۰۰۰۰	/۰۰۰۰
۱۲	۲۴	۲۵	-/۱۱۱۶	-/۰۹۷۰	/۰۰۰۰	/۰۰۰۰
۱۳	۷	۸	-/۲۷۷۴	-/۱۵۶	/۰۰۰۰	/۰۰۰۰
۱۴	۷	۱۹	-/۱۰۲۶	-/۰۹۲۹	/۰۰۰۴۳۲	/۰۰۰۱۴۴
۱۵	۷	۲۲	-/۰۹۹۳	-/۰۸۶۳	/۰۰۰۲۰۷	/۰۰۰۰۶۹
۱۶	۷	۱۰	-/۲۴۶۰	-/۱۶۵۶	/۰۰۰۱۸۹	/۰۰۰۰۶۳
۱۷	۲۵	۲۶	-/۲۷۵۹	-/۲۳۹۸	/۰۰۰۸۱۶	/۰۰۰۲۷۲
۱۸	۸	۹	-/۲۹۳۸	-/۱۶۵۵	/۰۰۰۰	/۰۰۰۰
۱۹	۱۹	۲۰	-/۳۴۹۰	-/۳۰۳۴	/۰۰۰۶۷۲	/۰۰۰۲۳۴
۲۰	۱۰	۱۱	-/۲۶۷۱	-/۱۶۵۰	/۰۰۰۰	/۰۰۰۰
۲۱	۲۶	۲۷	-/۲۱۲۱	-/۱۸۴۳	/۰۰۰۵۴۹	/۰۰۰۱۸۳
۲۲	۹	۱۶	-/۰۹۱۹	-/۰۷۹۹	/۰۰۰۴۷۷	/۰۰۰۱۵۹
۲۳	۲۰	۲۱	-/۴۳۰۴	-/۲۴۲۴	/۰۰۰۴۹۵	/۰۰۰۱۶۵
۲۴	۱۱	۱۲	-/۸۳۴۵	-/۴۷۰۱	/۰۰۰۳۳۶	/۰۰۰۱۱۲
۲۵	۲۷	۲۸	-/۳۴۰۱	-/۱۹۱۷	/۰۰۰۴۷۷	/۰۰۰۱۵۹
۲۶	۱۶	۱۷	-/۱۳۹۰	-/۰۷۸۳	/۰۰۰۵۴۹	/۰۰۰۱۸۳
۲۷	۱۲	۱۳	-/۳۸۴۴	-/۲۱۶۵	/۰۰۰۶۵۷	/۰۰۰۲۱۹
۲۸	۱۷	۱۸	-/۲۵۳۸	-/۱۴۳۹	/۰۰۰۴۷۷	/۰۰۰۱۵۹
۲۹	۱۳	۱۴	-/۱۵۶۹	-/۰۸۸۴	/۰۰۰۷۸۳	/۰۰۰۲۶۱
۳۰	۱۴	۱۵	-/۱۵۶۹	-/۸۸۴	/۰۰۰۷۲۹	/۰۰۰۲۴۳
۳۱	۱۸	۱	-/۴۳۰۴	-/۲۴۲۴	-	-
۳۲	۱۱	۱	-/۲۹۳۸	-/۱۶۵۵	-	-
۳۳	۲۱	۱	-/۳۴۹۰	-/۳۰۳۴	-	-
۳۴	۱۵	۱	-/۳۶۷۱	-/۱۶۵	-	-
۳۵	۲۶	۱	-/۳۱۲۱	-/۱۸۴۳	-	-

« اطلاعات شبکه مورد آزمایش »