



نصب بهینه خازن‌های موازی در سیستمهای توزیع

رسول کنارنگی

گروه مهندسی برق - دانشگاه تبریز

چکیده :

در این مقاله کمپانزه نمودن شبکه‌های توزیع توسط خازنهای موازی مورد بررسی قرار میگیرد. بدین منظور مدلی تهیه گردیده و توسط آن کمپانزه نمودن شبکه‌های توزیع اولیه بمنظور و اهداف مختلف مانند کمپانزه نمودن بمنظور صرفه‌جویی در تلفات شبکه، یا کمپانزه نمودن بمنظور صرفه‌جویی در قدرت یا انرژی و همچنین ترکیبی از اینها را میتوان مورد مطالعه قرار داد. بدین ترتیب ملاحظه میگردد که جهت بهره‌گیری کامل از نصب خازنهای موازی شرایط ویژه‌ای لازم است تا اهداف بطور مشترک و همزمان در نظر گرفته شوند، مگر در موارد خاص. جهت این بررسی، الگوریتمی ارائه گشته و بمنظور بررسی قابلیت روش ارائه شده یک برنامه کامپیوتر ایجاد گردیده و یک مطالعه موردی روی شبکه توزیع شعاعی نه با سه صورت گرفته. در این برنامه استفاده کنندگان میتوانند برحسب هدف مورد نظر خود برنامه را اجراء نمایند. در مثال ارائه شده سعی گردیده که منظورها بطور جداگانه اجراء و نتیجه با هم مقایسه گردد.

نظر به اینکه بخش اعظم تلفات سیستم‌های قدرت در قسمت توزیع صورت می‌گیرد ، لذا از کمپانزاتورهای خازن موازی در قسمت توزیع استفاده می‌گردد تا با اصلاح ضریب قدرت بتوان ضمن افزایش ظرفیت تولید و انتقال ، پست‌های توزیع و تجهیزات جانبی توزیع از تلفات انرژی و افت بیش از حد ولتاژ نیز جلوگیری نمود ، تا بدین ترتیب بتوان سیستم‌های توزیع را با هزینه کمتر و مؤثرتر مورد بهره‌برداری قرار داد . عموماً " به دلایل مسائل اقتصادی محل نصب خازن‌های موازی را بجای توزیع ثانویه در توزیع اولیه در نظر می‌گیرند [ ۱ ] ولی تعیین محل نصب خازن‌های موازی و میزان ظرفیت خازن‌های موازی نصب شده در خود قسمت توزیع اولیه مسئله‌ای است که در طی سالهای گذشته توجه متخصصین امر را به خود جلب نموده است . روشهای موجود جهت تعیین محاسن نصب خازن‌ها بستگی به شرایط و سلیقه هر شرکت تولیدکننده ، برق داشته و نسبت به هر شرکت یا سازمان تولیدکننده ، برق فرق مینماید ولی بطور خلاصه این محاسن را میتوان بشرح زیر بیان نمود .

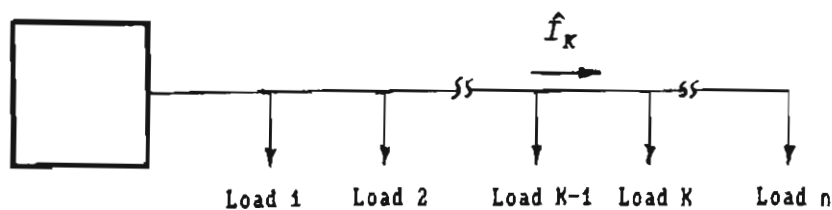
### کاهش تلفات انرژی

شکل ۱ یک خط شعاعی n باسه توزیع اولیه را بطور غیر یکنواخت نشان میدهد . جهت نزدیک نمودن مسئله مورد بررسی به سیستم واقعی بارهای خط شعاعی را بطور غیر یکنواخت و فواصل بارها از یکدیگر و نیز نوع هادی هر قسمت را متفاوت در نظر می‌گیریم . درحالتی که از کمپانزاتور استفاده نشده باشد شدت جریان هر شاخه را بصورت  $I_K$  و مقاومت آنرا  $R_K$  در نظر گرفته و فرمول تلفات را بصورت زیر مینویسیم [ ۲ ]

$$P_{Loss}(K) = 3I_K |I_K|^2 \quad (1)$$

اگر شدت جریان شاخه K به مؤلفه‌های اکتیو  $I_{RK}$  و مؤلفه‌های راکتیو  $I_{LK}$  تجزیه شود خواهیم داشت :

$$P_{Loss}(K) = 3I_K [I_{RK}^2 + I_{LK}^2] \quad (2)$$



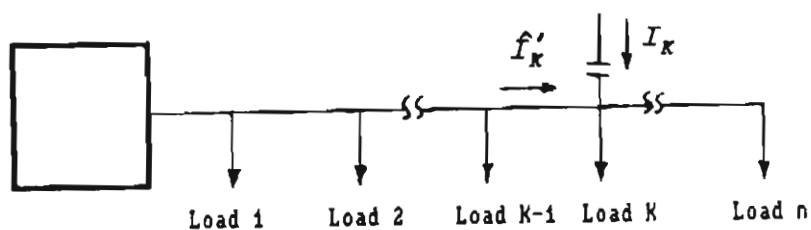
شکل ۱- توزیع غیر یکنواخت بار در یک خط شعاعی توزیع اولیه

حال اگر شدت جریان شاخه‌ها را بر حسب قدرتهای اکتیو و راکتیو بنویسیم، رابطه بالا به شکل زیر درمی آید.

$$P_{loss}(K) = I_K \left[ \frac{S^2_{LK} \cos^2 \theta_K}{V^2} + \frac{S^2_{LK} \sin^2 \theta_K}{V^2} \right] \quad MW \quad (3)$$

بعد از نصب خازن در شاخه K خواهیم داشت.

$$P_{loss}(K) = 3I_K |\hat{I}'| = 3I [I^2_{RK} + (I_{LK} - I_K)^2] \quad MW \quad (4)$$



شکل ۲- توزیع غیر یکنواخت بار در یک خط شعاعی توزیع اولیه بعد از نصب خازن

بطوریکه  $I_K$  برابر شدت جریان خازن موازی و برابر است با

$$I_K = \frac{Q_{CK}}{V} \quad (5)$$

حال اگر رابطه (۴) را بر حسب مقدار قدرت بنویسیم خواهیم داشت [۳]

$$P_{loss}(K) = r_K \left[ \frac{S_{LK}^2 \cos^2 \theta_K}{V^2} + \left( \frac{S_{LK} \sin \theta_K}{V} - \frac{Q_{CK}}{V} \right)^2 \right] \quad (6)$$

از تفاضل دو رابطه (۳) و (۶) میزان صرفه‌جویی در تلفات بشرح زیر بدست می‌آید.

$$\Delta P_{loss}(K) = \frac{r_K Q_{CK} (2S_{LK} \sin \theta - Q_{CK})}{V^2} \quad \text{KW} \quad (7)$$

حال اگر پارامترهای زیر را بشرح زیر تعریف کنیم

$L_f$  = ضریب بار شدت جریان راکتیو

$T$  = تداوم سیکل بار (مثلاً " ۸۷۶۰ ساعت)

$Q_{GK}$  = توان راکتیو سه‌فاز خازن کمپانزاتور موازی برحسب Mvar در شاخه K

$r_K$  = کل مقاومت شاخه K ام نسبت به مرکز بار مربوطه

$S_L$  = بار سه‌فاز کمپانزه نشده برحسب MVA

$\theta$  = زاویه بار بدون اصلاح شده

$V$  = ولتاژ خط به خط بر حسب KV

$K_1$  = هزینه انرژی بر حسب \$/KWh

صرفه‌جویی در هزینه انرژی در هر شاخه بصورت زیر خواهد بود.

$$\Delta P_{LOSS, \$}(K) = \frac{8760 K_1 r_K Q_{CK} (2L_f S_{LK} \sin \theta - Q_{CK})}{V^2} \quad \$ \quad (8)$$

ظرفیت آزاد شده تجهیزات

ظرفیت آزاد شده ژنراتور در اثر نصب خازن را میتوان از رابطه زیر محاسبه

نمود

$$\Delta S_G = S_{GK} - \sqrt{S_{GK}^2 + Q_{CK}^2 - 2S_{GK} Q_{CK} \sin \theta} \quad (9)$$

که در آن  $S_{GK}$  ظرفیت تولید شده بر حسب MVA ،  $Q_{GK}$  مقدار قدرت راکتیو خازنی کمپانزاتور بر حسب Mvar و  $\cos\theta$  برابر ضریب قدرت قبل از اعمال نمودن خازن میباشند. حال اگر  $C_G$  هزینه سالانه تامین پیک بار بر حسب  $(\$/KW)_{/yr}$  باشد ، کل صرفهجویی سالانه در اثر آزاد شدن ظرفیت ژانراتور تولید شده در هر شاخه بصورت زیر خواهد بود .

$$\Delta S_{G,\$}(K) = \Delta S_G \times C_G \quad (10)$$

به همین طریق صرفهجویی در ظرفیت آزاد شده ، خط را میتوان بصورت زیر نوشت:

$$\Delta S_T = S_{TK} - \sqrt{S_{TK}^2 + Q_{CK}^2 - 2S_{TK}Q_{CK}\sin\theta} \quad (11)$$

باز اگر  $C_T$  برابر هزینه سالانه خط انتقال و تجهیزات جانبی بر حسب  $(\$/MVA)_{/yr}$  باشد مقدار صرفهجویی در هزینه در اثر آزاد شدن ظرفیت خط در هر شاخه بصورت زیر خواهد بود .

$$\Delta S_{T,\$}(K) = \Delta S_T \cdot C_T \quad (12)$$

و بالاخره مقدار قدرت صرفهجویی شده در اثر آزاد شدن پست توزیع به لحاظ نصب خازن بصورت زیر نوشته میشود .

$$\Delta S_S = S_{SK} - \sqrt{S_{SK}^2 + Q_C^2 - 2S_{SK}Q_C \sin\theta} \quad (13)$$

و با در نظر گرفتن هزینه سالانه پست توزیع و تجهیزات جانبی بصورت  $C_S$  بر حسب  $(\$/MVA)_{/yr}$  ، خواهیم داشت:

$$\Delta S_{S,\$}(S) = \Delta S_S \cdot C_S \quad (14)$$

با در نظر گرفتن کلیه محاسن بدست آمده میتوان نوشت:

$$\Delta S_a(K) = \Delta S_{G,\$}(K) + \Delta S_{T,\$}(K) + \Delta S_{S,\$}(K) + \Delta P_{L,\$}(K) \quad (15)$$

حال اگر هزینه مجموعه خازنها در هر شاخه ، نسبت مستقیم با شدت جریان در باس K داشته باشد خواهیم داشت:

$$E_K(i_K) = A_1 i_K + A_0 \quad (16)$$

بطوریکه  $i_K$  برابر  $I_K - I_{K-1}$  میباشد. معادله بالا را میتوان بصورت زیر نوشت:

$$E_K(I_{K-1}, I_K) = A_1(I_K - I_{K-1}) + A_0 \quad (17)$$

بطوریکه مقادیر  $A_0$  و  $A_1$  ثابت هستند.

معادله هدف برای این بهینه‌سازی به حد اکثر رساندن صرفه‌جویی خالص سالانه در نتیجه کاهش تلفات با در نظر گرفتن هزینه نصب خازن‌ها در سیستم میباشد. لذا معادله هدف را میتوان بصورت زیر نوشت [۴]

$$C_D = \sum_{K=1}^n (\Delta S_{aK} - E_K) \quad (18)$$

مجدودیت لازم برای این مسئله این است که قدرت راکتیو خازنی تامین شده در باس  $K$  ام این مجموعه خازن‌ها حداقل برابر کل قدرت راکتیو جاری از باس  $K$  گردد،

$$Q_{CK} \geq Q_{K-1} \quad (19)$$

بعد از  $K$  مرحله، مقدار قدرت راکتیو بستگی به این مرحله و مراحل قبلی دارد، لذا معادله برگشتی بصورت زیر خواهد بود.

$$C = C_K + \sum_{j=K+1}^n (\Delta S_{aj} - E_j) \quad (20)$$

مناسبتین روش حل این مسئله بهینه‌سازی، استفاده از برنامه‌ریزی دینامیکی پرسرواست. به لحاظ محدود بودن صفحات این مقاله به توضیح بیشتر آن پرداخته نمیشود. برای توضیحات بیشتر آن میتوان به مرجع [۵] مراجعه نمود.

مثال عددی — یک خط توزیع شعاعی  $230 \text{ KV}$  غیر یکنواخت در نظر گرفته که دارای نه باس بوده که هر قسمت از خط بوسیله کابل‌های متفاوت طبق جدول یک بهم متصل هستند. در جدول ۱ همچنین مشخصات خطوط و بار راکتیو داده شده است. خروجی کامپیوتر برای سه حالت مختلف بهره‌برداری در جدول ۲ نشان داده شده است. به طوری که مشاهده میشود اندازه و محل خازن‌ها در این سیستم توزیع شعاعی برای هر یک

جدول ۱۰ مشخصات خط توزیع شعاعی نه باسه

قسمت خط	مقاومت در هر کیلومتر	طول خط بر حسب کیلومتر	قدرت راکتیو بار در هر قسمت بر حسب کیلو وار
۱	۰/۱۲۱۶	۰/۳۹۱	۴۶۰
۲	۰/۱۷۴۲	۰/۵۴۷	۳۴۰
۳	۰/۲۷۲۸	۱/۰۵۶	۴۴۶
۴	۰/۵۳۵۷	۰/۵۰۳	۱۸۴۰
۵	۰/۵۳۵۷	۱/۴۲۹	۶۰۰
۶	۰/۵۳۵۷	۰/۶۵۲	۱۱۰
۷	۰/۸۵۱۳	۰/۹۳۲	۶۰
۸	۰/۸۵۱۳	۲/۱۷۴	۱۳۰
۹	۰/۸۵۱۳	۲/۴۲۳	۲۰۰

جدول ۵۲ محل و مقدار بهینه خازن موازی در خط توزیع شعاعی

مقدار خازن بر حسب کیلو وار			
محل	حالت اول - صرفه جوئی در تلفات خط	حالت دوم - افزایش قابلیت انتقال	حالت سوم - صرفه جوئی در تلفات و افزایش قابلیت انتقال
۱	۴۶۰	۰/۰	۴۶۰
۲	۰/۰	۴۶۰	۰/۰
۳	۴۶۰	۰/۰	۴۶۰
۴	۹۲۰	۹۲۰	۹۲۰
۵	۹۲۰	۴۶۰	۹۲۰
۶	۹۲۰	۰/۰	۰/۰
۷	۰/۰	۰/۰	۰/۰
۸	۰/۰	۰/۰	۰/۰
۹	۴۶۰	۰/۰	۴۶۰
صرفه جوئی خالص	$6/10 \times 10^5$	$1/54 \times 10^5$	$6/886 \times 10^5$



از سه حالت مورد بررسی نیز داده شده است . همانطوریکه انتظار میرفت حالت سوم یعنی حالتی که هر دوی تلفات سیستم و صرفه‌جویی در ظرفیت انتقالی خطوط و تجهیزات جانبی سبب بیشترین صرفه‌جویی کل سیستم می‌گردد .

#### نتیجه گیری :

روش ارائه شده در این مقاله تعیین مقدار بهینه و محل کمپانزاتورهای خازنی را در یک سیستم توزیع شعاعی را نشان می‌دهد . بدین منظور ابتدا مسئله بصورت مدل ریاضی در آمده و سپس توسط برنامه‌ریزی دینامیکی پسر و حل گردیده و نتایج کامپیوتری بدست آمده در جدول ۲ ارائه گشته . در این مطالعه سه حالت مختلف بهره‌برداری سیستم توزیع مورد بررسی قرار می‌گیرد . بطوریکه در حالت اول اندازه و محل کمپانزاتورهای خازنی با هدف کمینه نمودن تلفات شبکه و هزینه نصب خازن مورد مطالعه قرار می‌گیرد و سپس در حالت دوم اندازه و محل خازن‌های سیستم توزیع با هدف صرفه‌جویی در ظرفیت خطوط و تجهیزات جانبی حل گردیده و سپس در حالت سوم د و هدف مورد نظر در حالت‌های اول و دوم بطور مشترک در نظر گرفته میشود . بطوریکه از نتایج کامپیوتری میتوان نتیجه گرفت حالت سوم دارای حداکثر صرفه‌جویی در بهره‌برداری از سیستم‌های توزیع میباشد .

#### مراجع :

- [1]. James Barton Young, Optimal Static Capacitor Allocation by Discrete Programming : Development of Theory, IEEE Trans. on PAS, Vol. PAS-89, No. 7, Sept./Oct., 1990, pp. 1499-1503.
- [2]. Mesut E. Boron and Felix F. Wu, Optimal Sizing of Capacitors Placed on a Radial Distribution System, IEEE Trans. on Power Delivery, Vol. 4, No. 1, January, 1989. pp. 735-743.
- [3]. Turan Gonen, Electric Power Distribution System Engineering, McGraw-Hill Book Company, 1986.
- [4]. Optimal Capacitor Placement on Radial Distribution Systems, IEEE Trans. on Power Delivery, Vol. 4, No. 1, 1989.
- [5]. Kaufman, A. Graphs, Dynamic Programming and Finite Games, Academic Pres, New York, 1967.