



مطالعه هارمونیک های شبکه

حسین فاریابی دوست * جواد ساعی حمیدرضا فاندھاری
"مشانیر" "چوکا"

چکیده

در این مطالعه ابتدا منابع مختلف تولید هارمونیک در شبکه مورد بررسی قرار گرفته است این منابع تشکیل شده است از تجهیزات سنتی شبکه که از ابتدا وجود داشتند و ذر طی زمان سعی در کم کردن مقادیر هارمونیک های تولید شده توسط آنها شده است . با پیشرفت تکنولوژی نیمه هادیها و کاربرد تایریستورها در سیستم های قدرت و همچنین استفاده از کوردهای برقی و غیره تولید هارمونیک در شبکه افزایش یافته است . چنانچه ضابطه ای از طرف شرکتهای برق منطقه ای برای مهار و کنترل کردن این هارمونیک ها برای ارتباط این نوع مشترکین صنعتی به شبکه در نظر گرفته نشود افزایش و نشید آنها سیتوانند خواهاتی به تجهیزات شبکه وارد آورد . در این مقاله ضمن اشاره به خطرات ایجاد شده توسط هارمونیک ها بویژه در مورد خازنهای جبران کننده روند استاندارد کردن حدود تولید هارمونیک ها توسط مشترکین برق مورد بررسی قرار خواهند گرفت .

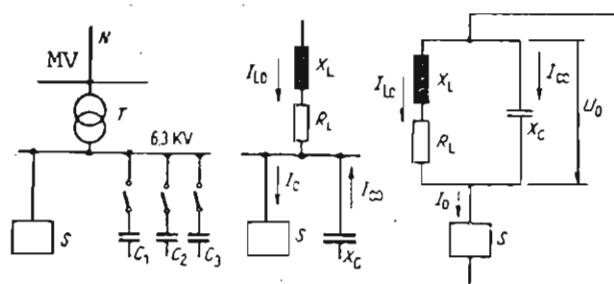
* مرحوم مهندس فاریابی دوست مدتها پیش درباره هارمونیک ها بعنوان پژوهش فوق لیسانس مشغول مطالعه بودند که متأسفانه اجل مهلتش نداد و بد دیوار باقی پیوست و کارناتمام ماند . این مقاله چکیده ای از این کار ناتمام بوده و آخرین بررسیهای انجام یافته نیز به آن اضافه شده است . خداش بیامرد.

بعضی از تجهیزات که در سیستم های برق بکار گرفته میشوند بویژه تجهیزات جدیدکه با پیشرفت تکنولوژی نیمه هادیهای دیجیتال مورداستفاده فساد گرفتند ایجاد هارمونیک هایی نموده که در سطح مختلف شبکه پخش شده و کار تجهیزات شبکه و مصرف کنندگان دیگر را مختل میسازد و باینترتیب کیفیت برق مشترکین را پائین میاورد. از جمله تجهیزاتیکه کارشان در جوار این هارمونیک هامختل میگرددیستم قطع ووصل از راه دور مصرف کنندگان بوسیله شرکتیای برق منطقه‌ای "Ripple control" میباشد [۱] که یک نمونه آن در شرکت برق منطقه‌ای تهران موجود است.

منابع تولید هارمونیک ها بفرار زیرند:
ذنراتورها و الکتروموتورها، ترانسفورماتورها و راکتورها [۲]، یکسوکنندگان و کنترل کننده‌هاییکه از برش منحنی سینوسی استفاده میکنند [۳]، لامپینای گازی و تلویزیون، کوره‌های ذوب فلزات و قوسیای الکتریکی [۴].

موضوع هارمونیک هامدتیاست که موردبحث و گفتگوی شرکت های تولید کننده برق و مشترکین مربوط بوده و بعلت اهمیت مسئله مجتمع بین المللی مثل "IEC" ، "cigre" و "UNIPEDE" (اتحادیه بین المللی تولید کنندگان و توزیع کنندگان انرژی الکتریکی) درحال تدوین تعاریف و استانداردهای لازم میباشد. در این راه سعی میشود خطراتیکه هارمونیک ها برای تجهیزات مورد استفاده در شبکه و همچنین برای مشترکین ایجاد مینماید شناخته شود و اصولی چند برای ارتباط این مشترکین به شبکه مشخص گردد. در هر حال هدف یافتن راههای علی برای دادن سرویس بهتر بمشترکین میباشد. شرکتیای برق منطقه‌ای باید از طرق محاسباتی و تجزیه و تحلیل مدلها و اندازه‌گیری مداوم ، سطح این هارمونیک ها را در حد مجاز نگاه دارند. در این مقاله برای آشنائی ، ابتدائاً طی یک مثال عملی خطراتیکه هارمونیک ها در یک شبکه مشترک ضعیتی می‌تواند ایجاد نماید بحث میشود و پس معیارها و ضوابط مورد گفتگوی مجتمع بین المللی فوق الذکر که میتواند برای شرکتیای برق منطقه‌ای کثور مانیز مفید باشد ارائه میگردد.

جريان های هارمونیک ها طبق معمول در سطوح مختلف شبکه پخش میشوند. در اینجا باید دقت شود که راکتاس اندوکتیو اجزا، شبکه برای هارمونیک مرتبde n -ام معمولاً "n برابر راکتاس اندوکتیو هارمونیک اصلی بوده و راکتاس خازنی اجزا، شبکه $1/n$ -ام راکتاس خازنی هارمونیک اصلیست. بدینترتیب همیشه این امکان وجود دارد که دریک هارمونیک خاص دو مقدار فوق برابر شده و ایجاد تشدید نماید. برای نشان دادن این موضوع خلاصه از یک مثال عملی شرح داده میشود.



شکل ۱

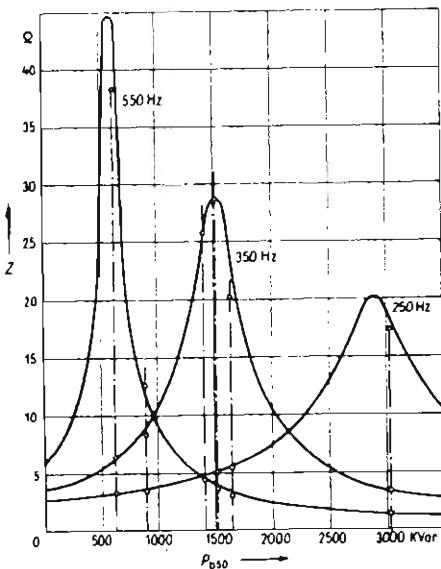
شکل ۱ مدار تغذیه یک مشترک صنعتی را نشان میدهد که دارای ترانسفورماتوری با راکتاس ۲ درصد بوده و سطح اتمال کوتاه شبکه در اولیه ترانسفورماتور ۴۵۵ مگاولت آمپر میباشد. تولیدکننده هارمونیک در این مدار یکسوکننده ۶ پالس میباشد

[۵] . این منبع تولید کننده هارمونیک از یک طرف جریانهای خود را به خازنهای اصلاح کننده ضریب قدرت که دارای مقادیر ۹۰۰، ۶۲۵ و ۱۵۰۰ کیلووار است تزریق میکند و از طرف دیگر ترانسفورماتور و شبکه را تغذیه مینماید. بدینترتیب مدار معادلی مطابق شکل ۱ بوجود میاید. در جدول ۱ مقادیر ولتاژ و جریان خازن برای هارمونیک های مختلف و ترکیب بانک خازنی نسبت به نیاز اصلاح کننده قدرت نشان داده شده است .

| f [Hz] | 250 | | 350 | | 550 | | 650 | | ΣI_{Co} | I_{C50} |
|--------|------------|---------------|------------|---------------|------------|---------------|------------|---------------|-----------------|-----------|
| | U_0 % | I_{Co} A | U_0 % | I_{Co} A | U_0 % | I_{Co} A | U_0 % | I_{Co} A | | |
| kVar | % | A | % | A | % | A | % | A | A | A |
| 0 | 2,53 | 0 | 2,28 | 0 | 2,28 | 0 | 2,26 | 0 | 0 | 0 |
| 625 | 3,25 | 8 | 4,0 | 13 | 13,3 | 85 | 3,8 | 29 | 96 | 52 |
| 900 | 3,4 | 13 | 4,8 | 26 | 4,5 | 37 | 2,0 | 20 | 52 | 74 |
| 1400 | 4,5 | 24 | 14,2 | 116 | 1,5 | 18 | 0,9 | 13 | 120 | 117 |
| 1525 | 4,85 | 33 | 18,1 | 160 | 1,2 | 17 | 0,8 | 13 | 165 | 125 |
| 3025 | 17,2 | 217 | 1,93 | 34 | 0,41 | 11 | 0,27 | 9 | 225 | 252 |

جدول ۱

تفییرات امدادانس کل برای ترکیبات مختلف خازن در شکل ۲ نشان داده شده است . لازم بذکر است که جریان یکسوکننده ۵ فقط سنتگی بدد مدار جریان مستقیم داشته و با تغییر مدار جریان متناوب ثابت میماند. بدینترتیب



شکل ۲

از دیاد امپدانس کل مطابق شکل ۲ بمعنای اضافه نمودن سهم ولتاژ آن هارمونیک میباشد که ایجاد اعوجاج مینمایند. برای مثال هنگام اتصال خازن ۲۵ کیلو وار منحنی ولتاژ بصورت بصورت شکل ۳ تغییر میباید. لازم به تذکر است که مطابق مدار شکل ۱ جریانهای هارمونیکهای مختلف از ترانسفورماتور نیز عبور نموده و باعث تلفات اضافی و بالا بردن درجه حرارت آن میشود. "مخصوصاً" این مسئله با در نظر گرفتن اثر پوستی مقاومتهای اهمیت شدید میگردد.

در این مثال مقاومت اهمی ترانسفورماتور برای فرکانس اصلی و هارمونیکهای مربوط در جدول شماره ۲ داده شده است. بعلاوه هارمونیک های ولتاژ نیز در هسته ایجاد تلفات اضافی مینماید.

این موضوع در مورد الکتروموتورها و ذنراتورهای نیز صادق است. در اینجا علاوه بر افزاییدن تلفات منبعث اثر پوستی در استاتور، هارمونیکها ایجاد میدان دور را چند برای بر میدان اصلی نموده که این بنوبه خود ایجاد تلفات اضافی در روتور میکند. بعلاوه این میدانها باعث لرزش روتور و خرابی زودرس یا طاقانها و غیره میشود.

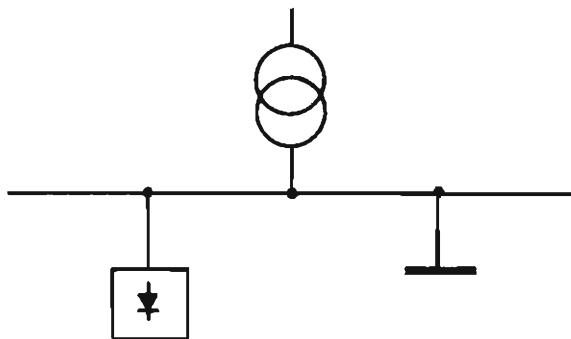
چنانچه در این مثال دیده میشود برای جلوگیری از بخطرافتادن تجهیزات باید هنگام کاربرد خازن دقت و مطالعه کافی بعمل آید و مطابق جدول ۲ نواحی خطر را برای ترکیب های قدرت خازن، امپدانس ترانسفورماتور و قدرت آن مشخص نمود و حتی امکان از این نواحی پرهیز کرد.

| f | [Hz] | 50 | 250 | 350 | 550 | 650 |
|---------------|------|-------|------|------|------|------|
| R_L | [Ω] | 0,076 | 0,35 | 0,48 | 0,75 | 0,83 |
| R_L/R_{L50} | [Ω] | 1 | 4,6 | 6,3 | 9,9 | 10,9 |

شکل ۳

جدول ۲

خطرتشدید در شبکه‌های صنعتی



راکتانس ترانسفورماتور قدرت ترانسفورماتور

خطرتشدید برای قدرت خازن در واحد [KVAR]

| Transformator | $U_k [\%]$ | 50 | 100 | 150 | 200 | 250 | 300 |
|---------------|------------|----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 630KVA | 5 | | 11 | | | 7 | |
| | 6 | | | | 7 | | |
| | 7 | 13 | 9 | | | | |
| 800KVA | 5 | 17 | 13 | | | | 7 |
| | 6 | | 11 | | | 7 | |
| | 7 | | 11 | | | | |
| 1000KVA | 5 | 19 | 13 | 11 | | | |
| | 6 | 17 | 13 | | | 9 | |
| | 7 | 17 | 11 | | | | |
| 1250KVA | 5 | | | 13 | 11 | | 9 |
| | 6 | 19 | | | | | 9 |
| | 7 | 19 | 13 | 11 | | | |
| 1600KVA | 5 | | 17 | | | | 11 |
| | 6 | | | 13 | 11 | | |
| | 7 | 19 | | | | | |

از این قسمت‌ها حتی الامکان پرهیز شود.



اعداد فوق مرتبه هارمونیک‌هاستند. (n)

جدول ۲

- ضوابط و چهار چوپهای محدودگذشته هارمونیک‌ها باید واقعیت فنی و اقتصادی را که بصورت زیر خلاصه شده است در نظر گیرد.
- در شبکه خواه ناخواه هارمونیک‌ها وجود دارند که فرکانس ، دامنه ، و زاویه فاز آنها کم و بیش اتفاقی (Random) میباشد.
 - کلیه تجهیزات باید بطور صحیح در حضور هارمونیک‌ها که دامنه آنها کمتر از حدودی هستند که باید بصورت منطقی مشخص شوند عمل نمایند.
 - ارتباط شبکه به تجهیزات تولید کننده هارمونیک‌ها باید در صورتیکه محدودیت‌های منطقی اعمال شود ممکن باشد.
- این محدودیت‌ها نه تنها مربوط به تولید کنندگان و مصرف کنندگان برق میباشد بلکه سازندگان لوازم و تجهیزات را نیز شامل میشود چه آنها باید دقت نمایند که تجهیزاتی سازند که نه تنها ایجاد هارمونیک زیاده از حد ننمایند بلکه در مقابل حدود هارمونیک‌های مجاز نیز ممون باشند.
- این مسائل و معضلات تنها در صورتی گنوده میشود که یک سری شرایط ارتباطی ساده که کاربرد آنها در دنیای واقعیات عملی باشد پیشنهاد گردد. برای اینکار باید نعاریف اولیه برای موضوعات مربوط بصورت زیر بعمل آید:
- حدقابل پذیرش - حد مراحت مشخص شده است که انتظار میروند در یک سیستم فقط با احتمال کمی از آن تجاوز شود. این حد چنین انتخاب میشود که برای اکثر تجهیزات سیستم مقبولیت داشته باشد.
 - حد مصنوبیت - ماکریم حد مراحت بوسیله هارمونیک‌ها که بر روی یک وسیله حادث میگردد و آن وسیله هنوز در حد مورد لزوم بکار خودداده میدهد. در حالیکه "حد مصنوبیت" تجهیزات بوسیله آزمایش مشخص میشود که عملاً "باید بیش از "حدقابل پذیرش" باشد، حدقابل پذیرش باید بوسیله شرکتهای برق و یا استانداردها مشخص گردد. برای سطوح ولتاژ پائین و متوسط این کمیت ها بوسیله IEC مشخص شده است در حالیکه برای سطوح ولتاژ بالا مجامع مختلف بین المللی اعدادی تجربی گردآوری کرده‌اند که خیلی بد یکدیگر نزدیک میباشند و بزودی در سطح بین المللی مورد موافقت قرار خواهند گرفت .
 - این مقادیر در جدول ۴ نشان داده شده است [۶]. لازم بذکر است که شرکتهای برق نسبت به ساختار سیستم و نوع تجهیزات مربوط و مصنوبیت آنها در مقابل هارمونیک‌ها میتوانند مقادیر دیگری انتخاب نمایند.

| ها رامونیکهای فرد | | | ها رامونیکهای فرد مضرب ۳ | | | ها رامونیکهای زوج | | |
|-----------------------------------|-------|-----|-------------------------------|-------|-----|--------------------------------|-------|-----|
| غیر مضرب ۳ | | | مرتبه در صد و لیستاز هارمونیک | | | در صد و لیستاز هارمونیک | | |
| هارمونیکهای فرد | | | هارمونیکهای فرد | | | هارمونیکهای زوج | | |
| n | LV/MV | HV | n | LV/MV | HV | n | LV/MV | HV |
| 5 | 6 | 2 | 3 | 5 | 2 | 2 | 2 | 1.5 |
| 7 | 5 | 2 | 9 | 1.5 | 1 | 4 | 1 | 1 |
| 11 | 3.5 | 1.5 | 15 | 0.3 | 0.3 | 6 | 0.5 | 0.5 |
| 13 | 3 | 1.5 | 21 | 0.2 | 0.2 | 8 | 0.5 | 0.2 |
| 17 | 2 | 1 | >21 | 0.2 | 0.2 | 10 | 0.5 | 0.2 |
| 19 | 1.5 | 1 | | | | 12 | 0.2 | 0.2 |
| 23 | 1.5 | 0.7 | | | | >12 | 0.2 | 0.2 |
| 25 | 1.5 | 0.7 | | | | | | |
| جمع هارمونیکهای برای LV/MV | | | 8% : LV/MV | | | جمع هارمونیکهای برای HV | | |
| >25 | | | 3% : HV | | | | | |

جدول ۴

۴- جمع هارمونیک های ولتاژ

منتجه هارمونیک های ولتاژ برای هریک از هارمونیک ها در هر نقطه سیستم از جمع برداری آن هارمونیک بدست میاید. مطالعات نشان داده است که رابطه زیر را میتوان بکار برد [۲].

$$U_{nr} = K \left(U_{n1}^a + U_{n2}^a + \dots \right)^{1/a} \quad (1)$$

که در آن

U_{nr} = هارمونیک منتجه مرتبه $n-1$ -ام

K, a = مقادیر ثابت

U_{ni} = هارمونیک مرتبه $n-1$ -ام از "تولید کننده" $n-1$ -ام

چنانچه زیر سیستمی به سطوح ولتاژ بالاتر و پائینتر متصل باشد هارمونیک از این سطوح عبور کرده و بنابراین سهمی در بالابردن هارمونیک های آن زیرسیستم مطابق روابط زیر خواهد داشت

$$\left[G_{nu}^a + (T_{nsu} G_{ns})^a \right]^{1/a} = C_{nu} \quad (2)$$

$$\left[G_{ns}^a + (T_{nus} G_{nu})^a \right]^{1/a} = C_{ns}$$

که در آن :

G_{ns} = سهم ماکزیم "تولیدکنندگان" هارمونیک مرتبه $n-1$ ام در زیرسیستم

G_{nu} = سهم ماکزیم "تولیدکنندگان" هارمونیک مرتبه $n-1$ ام که به سطح ولتاژ بالاتر وارد میشود

c_{ns} = حد قابل پذیرش "تولیدکنندگان" هارمونیک مرتبه $n-1$ ام در زیرسیستم

c_{nu} = حد قابل پذیرش "تولیدکنندگان" هارمونیک مرتبه $n-1$ ام در سطح ولتاژ بالاتر

T_{nus} = ضریب استفال "تولیدکنندگان" هارمونیک مرتبه $n-1$ ام از سطح ولتاژ بالا به زیرسیستم

T_{nsu} = ضریب استفال "تولیدکنندگان" هارمونیک مرتبه $n-1$ ام از زیرسیستم به سطح ولتاژ بالاتر

مقادیر a و k نسبت به درصد احتمالیکه برای عدم تجاوز هارمونیک منتجه انتخاب شده و همچنین دامنه و زاویه هارمونیک ها مشخص میشوند . مقادیر پیشنهاد شده با درنظر گرفتن وضعیت خاص شبکه های قدرت بصورت زیر بدست آمده است :

| | | | | |
|------------|---|---------|---------------|------|
| $a = 1$ | و | $k = 1$ | $n = 3, 5, 7$ | برای |
| $a = 1, 4$ | و | $k = 1$ | $n = 11, 13$ | برای |
| $a = 2$ | و | $k = 1$ | $n > 13$ | برای |

باداشتن ضریب استفال τ " حدقابل پذیرش " زیرسیستم مشخص میگردد . ضریب استفال τ بستگی به فاکتورهای زیادی دارد از جمله توپولوژی . بارها و خازنهای شبکه . روشی پیشنهاد شده است [۸] که بوسیله آن حتی در یک سیستم بفرنج میتوان ضرائب τ را محاسبه نمود . در واقع تعیین ضرائب τ آر وظایف شرکتهای برق منطقه ای میباشد .

۵- حدود تولید هارمونیک ها بوسیله مثترکین

برای هر مثترک فقط جزوی از ماکزیم تولیدکنندگان هارمونیک در زیرسیستم (G) مجاز میباشد . یک پیشنهاد منطقی میتواند نسبت قدرت آن مثترک (P_1) به قدرت کل آن زیرسیستم (P) باشد . بادار نظر گرفتن این موضوع و استفاده از روابط فوق عبارت زیر حاصل میشود .

$$E_{ni} = G_{ns} \left(\frac{P_i}{P_t} \right)^{1/a} \quad (2)$$

کد در آن :

E_{ni} = حد تولید قابل پذیرش هارمونیک ولتاژ مرتبه n -ام برای مشترک n -ام میباشد. در روابط فوق هارمونیک ولتاژ مورد محاسبه قرار گرفته است. برای تعیین هارمونیک جریانها میتوان از رابطه زیر استفاده نمود:

$$I_{ni} = E_{ni} / z_n \quad (4)$$

که در آن z_n امپدانس وابسته به فرکانس شبکه میباشد که باید بوسیله شرکتیهای برق منطقه‌ای مشخص گردد.

۴- تعیین عملی حدود تولید هارمونیک‌ها بوسیله مشترکین

در عمل برای مشخص کردن حدود تولید هارمونیک‌ها بوسیله مشترکین و تجهیزات مربوط، آنان را بد سه بخش بصورت زیر تقسیم مینماییم.

۱-۱- بخش اول - مشترکین و مصرف کنندگان کوچکتر

این بخش مربوط میشود به تجهیزات نوع کوچکتر که مورد استفاده عمومی بوده و پذیرش آن بصورت اتوماتیک مجاز میباشد. این بدان معناست که پذیرش "حد تولید هارمونیک" آنها وابسته به محاسبات فوق نمیباشد (بعضی از کارشناسان در برخی از کشورها عقیده دارند که حداقل سطح اتصال کوتاه نقطه ارتباط باید دخالت داشته باشد).

بدینترتیب در این بخش تصمیم گیری برای مصرف کنندگان و شرکتیهای برق منطقه‌ای خیلی راحت میباشد. این بخش همچنین میتواند سازندگان را برای طراحی و تولید انبوه تجهیزات کمک نماید. در حال حاضر هرکشور برای خود ضابطه‌ای مشخص گرده است ولی یک توصیه بین المللی باید کمک نماید تا حدود این بخش مشخص گردد.

۶-۲- بخش دوم - مشترکین و مصرف کنندگان بزرگ

چنانچه تولید هارمونیک ها بوسیله مصرف کنندگان بخش اول از حدود خود تجاوز نمودند در بخش دوم بادرنظر گرفتن رابطه (۳) سیم تولید ماکریم این نوع مشترکین محاسبه میگردد. این نوع مشترکین معمولاً "صنعتی بوده و در سطح ولتاژ بالاتر به شکل متصل میشوند.

۶-۳- بخش سوم - مشترکین و "تولید کنندگان هارمونیک" افزون از حد

اعمال محدودیت دردو بخش قبلی و نظر به اینکه برخی از مشترکین کوچک و بزرگ تاحد تعیین شده و یا محاسبه شده تولید هارمونیک نمی نمایند دست شرکتهای برق منطقه‌ای باز گذارده شده است تا بتوانند از حاشیه موجود برای مشترکین و تولید کنندگان هارمونیک - افزون از حدیخن دو- استفاده نمایند.

در هر حال پذیرش این نوع مشترکین باید بررسی و فقط در حالات استثناء انجام گیرد.

۲- نتیجه گیری

سطح هارمونیک ها در شبکه‌های توزیع مخصوصاً "باکاربرد بارهاییکه ذاتا" تولید هارمونیک مینماید بطور روزافزونی اهمیت پیدا میکند. مهندسین شرکت های برق منطقه‌ای اجباراً "باید علاوه بر شناخت تکنیکهای تجزیه و تحلیل با روش‌های اندازه گیری هارمونیک ها نیز آشنائی داشته باشند. چه روش‌های محاسباتی و برنامه‌های کامپیوترا برای تعیین سطح هارمونیک ها محدود میشود به هنگامیکه تولید کنندگان هارمونیک ها مشخص باشند. اندازه گیری واقعی هارمونیک ها لازم است تا سطح هارمونیک های زمینه را بدست آورده و بعلاوه درستی مدل‌های محاسباتی را با ثبات برساند. در این مقایسه میتوان مانورهای مختلفی از قبیل برقدار کردن خازنهای و یا خطوط مختلف را اعمال نمود و مقادیر هارمونیک ها را در نزدیکی محل تولید آنها و یادور از آنها محاسبه و اندازه گیری نمود. دانشگاهها و مرکز تحقیقاتی قادرند کمک زیادی در تعیین روشها در این رابطه بنمایند. شرکتهای برق منطقه میتوانند با حمایت این نوع مطالعات چارچوبها را مشخص کرده و نظارت و کنترل دائم خود را بر تولید هارمونیک ها اعمال نمایند تا کیفیت ارائه خدمات به مشترکین خود را اعتلاء بخشد.

از مدیریت و همکاران شرکت مشانیر که امکانات مورد لزوم را جهت تهیه این مقاله در اختیار فراداده‌اند سپاسگزاری می‌شود.

فهرست مراجع

- [۱] - "راههای مقابله با کمبودبرق و خاموشیها" ، جواد ساعی . سمیناربانک صنعت و معدن ایران ، ۲۲ و ۲۲ اردیبهشت ۱۳۶۹
- [۲] - مطالب تهیه شده در ارتباط با هارمونیک ها جهت پایان نامه فوق لیسانس توسط مرحوم فاریابی دوست
- [۳] - "هارمونیک ها در شبکه قدرت" سمینار دانشکده مهندسی برق دانشگاه صنعتی شریف ، جواد ساعی ، ۱۳۵۶
- [۴] - "oberschwingungen in Industrienetzen mit Stromrichter-belastung" , Werner Schulz, ETZ-B, Bd 23 (1971) H.12
- [۵] - "Leistungs factor verbesserung durch Kondensatoren und Saugkreise in Industriewerken mit Stromrichteranlagen" , Hermann Geisse, AEG-Mitteilungen 48, 1958
- [۶] - "Equipment producing harmonics and conditions governing their connection to the mains power supply" , WG Cigre 36.05 Electra No. 123, March 1989
- [۷] - "Harmonics summation effects. Summation of randomly varying vectors". Crucq J.M., Robert A., Laborelec, Report 1-JMC-AR/1310/8702, January 15, 1987
- [۸] - "Prediction of harmonic voltage distortion due to different categories of non-linear loads supplied by the electric network" , Lagostena L., Porrino A., Lionetto P.F., Cogre 1986, Paper 36-11.